

Análisis del plan de producción de una industria láctea mediante la comparación de las herramientas de Programación Lineal y Simulación.



Charles Gide Cooperativa Limitada

- Desde 1947 en Arroyo Algodón, Córdoba, Argentina
- Quesos Pasta Blanda, Semi dura y Dura
- Comercializa en Buenos Aires, Córdoba, Rosario, Mendoza, San Juan y Tucumán
- 12 operarios y 3 administrativos
- 12 socios

Objetivo

Desarrollar un plan de producción óptimo, comparando las herramientas de programación lineal y simulación, para la toma de decisiones a nivel estratégico.

Programación Lineal vs. Simulación



Modelo de Programación Lineal

Función objetivo

$$MAX(Z) = 0.93 \times \sum_{j=1}^4 x_{1,j} + 0.55 \times \sum_{j=1}^4 x_{2,j} + 0.36 \times \sum_{j=1}^4 x_{3,j} + 1.72 \times \sum_{j=1}^4 x_{4,j} + 0.29 \times \sum_{j=1}^4 x_{5,j}$$

Sujeto a las siguientes restricciones:

Capacidad mínima de producción por semana

$$6.95 \times x_{1,j} + 10.18 \times x_{2,j} + 7.96 \times x_{3,j} + 10.40 \times x_{4,j} + 11.34 \times x_{5,j} \geq 7 \times 26000 \text{ [litros de leche]}$$

Capacidad máxima de producción por semana

$$6.95 \times x_{1,j} + 10.18 \times x_{2,j} + 7.96 \times x_{3,j} + 10.40 \times x_{4,j} + 11.34 \times x_{5,j} \leq 7 \times 38000 \times USO_j \text{ [litros de leche]}$$

Factor de uso de las instalaciones, en función de la cantidad de leche a recibir.

Capacidad de la mano de obra directa

$$\left[(12 \text{ personas} \times 8 \frac{\text{horas}}{\text{día}}) \times 5 \frac{\text{días}}{\text{semana}} \right] + \left[12 \text{ personas} \times 4 \frac{\text{horas}}{\text{semana}} \right] = 528 \frac{\text{horas}}{\text{semana}}$$

$$0.0013 \times x_{1,j} + 0.0030 \times x_{2,j} + 0.0016 \times x_{3,j} + 0.0109 \times x_{4,j} + 0.0093 \times x_{5,j} \leq 528 \text{ [horas]}$$

No negatividad

$$x_{i,j} \geq 0$$

Definición de variables

i	Queso	j	Semana
1	Cremoso	1	Primera semana
2	Barra	2	Segunda semana
3	Port-Salut	3	Tercera semana
4	Pategras	4	Cuarta semana
5	Sardo		

Producción máxima por semana

Producción	Restricción
Cremoso	(no limitada)
Barra	(no limitada)
Port-Salut	$x_{3,j} \leq 520$ [kg de queso]
Pategras	$x_{4,j} \leq 400$ [kg de queso]
Sardo	$x_{5,j} \leq 430$ [kg de queso]

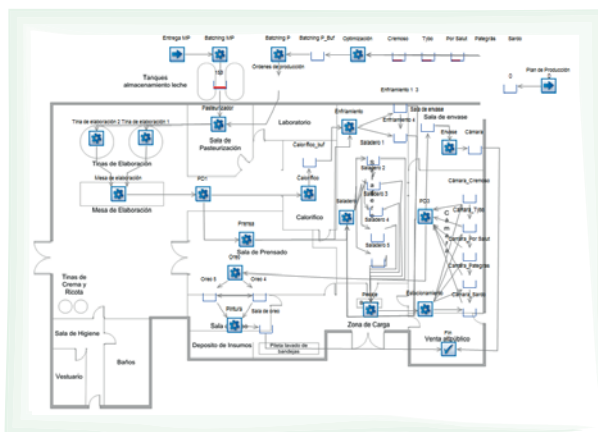
Producción	Restricción
Cremoso	$x_{1,j} \geq 0.55 \times \sum_{i=1}^5 x_{i,j}$ [kg de queso]
Barra	$x_{2,j} \geq 0.30 \times \sum_{i=1}^5 x_{i,j}$ [kg de queso]
Port-Salut	$x_{3,j} \geq 280$ [kg de queso]
Pategras	$x_{4,j} \geq 210$ [kg de queso]
Sardo	$x_{5,j} \geq 230$ [kg de queso]

Producción mínima por semana

$$\forall i = 1, 2, 3, 4, 5$$

$$\forall j = 1, 2, 3, 4$$

Lay-out de planta y elementos del modelo



Modelo de Simulación

Arriba de materia prima

Horario	Horario	Cantidad (lts)
Identificación	Hora	
1	05:00	6.600
2	07:45	5.400
3	09:00	5.000
4	16:30	6.000
Total		23.000

Lotés de producto (3200 lts)

Variada	Rendimiento (lt/kg)	Peso/uni. (kg)	Beneficio (\$/kg)	Piezas/lot. (unidades)
Cremoso	6,95	3,8	0,93	121
Tybo	10,18	4	0,55	79
Por Salut	7,96	3,3	0,36	122
Pategrás	10,4	4,7	1,72	65
Sardo	11,34	3	0,29	94

Datos ingresados en OptQuest:

● **Variables de decisión:** Valores máximos y mínimos que puede tomar cada variable. Las variables de decisión son los kilogramos producir para cada variedad de queso en cuatro semanas.

● **Restricciones:** se ingresaron las mismas restricciones utilizadas en la programación lineal.

Conclusiones

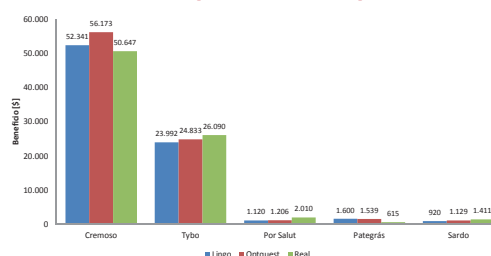
● Resultados obtenidos del modelo de programación lineal son muy satisfactorios.

● El modelo de PL predijo las cantidades que efectivamente se logran en el modelo de simulación.

● La PL permite desarrollar modelos con relativa rapidez, la simulación aporta otras ventajas de análisis y estudio de procesos.

● Se utiliza PL en primera instancia, para luego invertir más recursos en un modelo de simulación si es justificable.

Beneficio por variedad de queso



Comparación beneficio óptimo

